

- (1) (Reproduktion) Da bei der Umfrage nur interessiert, ob das Merkmal eintritt oder nicht handelt es sich um 600-fache (unabhängige) Wiederholung eines Bernoulliexperimentes. Ein Ergebnis ist also ein 600-Tupel, wo an jeder Stelle des Tupels 0 (Niete) oder 1 (Treffer) vorkommt. Die binomialverteilte Zufallsfunktion ordnet einer Bernoullikette die Anzahl der Treffer zu. Die Wahrscheinlichkeitsverteilung wird durch Bernoulliwahrscheinlichkeiten charakterisiert:  $P(X = k) = B(600; p_A; k) = \binom{600}{k} \cdot p_A^k \cdot (1 - p_A)^{600-k}$ .

Zur Auswertung würde man den Erwartungswert  $\mu_A = E(X) = 600 \cdot p_A$  bestimmen, die Streuung  $\sigma := \sqrt{600 \cdot p_A \cdot (1 - p_A)}$  berechnen und (z.B.) das  $2 \cdot \sigma$  - Intervall um den Erwartungswert angeben (Sicherheitswahrscheinlichkeit 95,5%). Da  $p_A$  bekannt ist, ist das Auswertungsvorgehen ein Schluß von der Gesamtheit auf die Stichprobe.

- (2) (Reorganisation / leichter Transfer) Es handelt sich nun um einen Schluß von der Stichprobe auf die Gesamtheit und man müßte das Konfidenzintervall bestimmen. Das Konfidenzintervall besteht an den Grenzen aus der kleinsten ( $p_k$ ) und größten ( $p_g$ ) Wahrscheinlichkeit, die noch mit dem Stichprobenergebnis  $h_{600}(A)$  verträglich ist, d.h. rechte (bzw. linke) Intervallgrenze einer  $2 \cdot \frac{\sigma}{600}$  - Umgebung um  $p_k$  (bzw.  $p_g$ ) gleich  $h_{600}(A)$ .

Die Solidität der Aussage ist zweifelhaft, da  $n$  zu klein ist. Die Sicherheitswahrscheinlichkeit betrüge bei einer  $3 \cdot \frac{\sigma}{600}$  - Umgebung: 99,7%.

- (3) (Problemlösendes Denken) Die Nullhypothese ist sinnvollerweise: Die Menschen sagen die Wahrheit, d.h.  $H_0: p = p_A$ .

Die Irrtumswahrscheinlichkeit ist die Wahrscheinlichkeit, bei der Entscheidung den Fehler 1. Art zu begehen, d.h. die richtige Nullhypothese abzulehnen. Akzeptiert man eine Irrtumswahrscheinlichkeit (Signifikanzniveau)  $\alpha \approx 5\%$ , dann entspricht dies ungefähr der Wahrscheinlichkeit, dass das Ergebnis der Stichprobe außerhalb des  $2 \cdot \sigma$  - Intervall um den Erwartungswert liegt. Das Risiko 2. Art ist die Wahrscheinlichkeit, bei der Entscheidung den Fehler 2. Art zu begehen, d.h. die falsche Nullhypothese anzunehmen.

Mögliche Vertiefungsfrage: Rechnerisches Problem bei der Bestimmung des Risikos 2. Art? (Tatsächliche Erfolgswahrscheinlichkeit  $p$  unbekannt!)

---