

Satz und Kehrsatz - wahr oder unwahr ?

- | | |
|--|--|
| 1. Wenn an der Stelle x_0 gilt: $f'(x_0) > 0$, | dann besitzt f an der Stelle x_0 keinen relativen Extremwert. |
| 2. Wenn gilt: $f'(x_0) = 0$ und $f''(x_0) = 0$, | dann besitzt f an der Stelle x_0 keinen relativen Extremwert. |
| 3. Wenn gilt: $f''(x_0) = 0$ und $f'''(x_0) = 0$, | dann besitzt f an der Stelle x_0 keinen Wendepunkt. |
| 4. Wenn f an der Stelle x_0 einen Sattelpunkt besitzt, | dann gilt: $f''(x_0) = 0$. |
| 5. Wenn an der Stelle x_0 gilt: $f'(x_0) > 0$, | dann ist f an der Stelle x_0 streng monoton wachsend. |
| 6. Wenn an der Stelle x_0 gilt: $f''(x_0) > 0$, | dann besitzt f an der Stelle x_0 ein relatives Minimum. |
| 7. Wenn für ein bestimmtes ε ($\varepsilon > 0$) gilt: $f'(x_0 + \varepsilon) \cdot f'(x_0 - \varepsilon) < 0$ | dann besitzt f an der Stelle x_0 ein relatives Extremum. |
| 8. Wenn für alle Stellen $x_0 + h \in U_\varepsilon(x_0)$ mit $ h < \varepsilon$ gilt: $f''(x_0 + h) \cdot f''(x_0 - h) < 0$ | dann besitzt f an der Stelle x_0 einen Wendepunkt. |
| 9. Wenn f an der Stelle x_0 einen Wendepunkt besitzt, | dann gilt: $f'''(x_0) \neq 0$. |
| 10. Wenn gilt: $f(x_0) = 0$ und $f'(x_0) = 0$ und $f''(x_0) = 0$, | dann besitzt f an der Stelle x_0 eine Nullstelle. |
| 11. Wenn f' an der Stelle x_0 ein relatives Extremum besitzt, | dann besitzt f an der Stelle x_0 einen Sattelpunkt. |
| 12. Wenn f an der Stelle x_0 ein relatives Extremum besitzt mit $f''(x_0) < 0$, | dann besitzt f an der Stelle x_0 ein Maximum. |
| 13. Wenn bei x_0 eine notwendige Bedingung für ein relatives Extremum gilt, | dann besitzt f an der Stelle x_0 möglicherweise ein relatives Extremum. |
| 14. Wenn bei x_0 eine hinreichende Bedingung für einen Wendepunkt nicht gilt, | dann besitzt f an der Stelle x_0 auf keinen Fall einen Sattelpunkt. |
| 15. Wenn f an der Stelle x_0 einen Wendepunkt besitzt, | dann ist der Funktionsterm von f'' durch $(x - x_0)$ ohne Rest teilbar. |
| 16. Wenn ich eine notwendige und hinreichende Bedingung für relative Extrema gefunden habe, dann bin ich in Analysis der absolut Größte. | |

Für alle Sätze gilt als Voraussetzung: Die Funktion f ist in einer Umgebung $U_\varepsilon(x_0)$ [$U_\varepsilon(x_0) \subset D_f$] mindestens dreimal differenzierbar.